

**EVALUAREA NAȚIONALĂ PENTRU ABSOLVENȚII CLASEI a VIII-a**

**Matematică**

**BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE**

**Test 19**

- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total obținut pentru lucrare.

**SUBIECTUL I**

- Se punctează doar rezultatul, astfel: pentru fiecare răspuns se acordă fie 5 puncte, fie 0 puncte.
- Nu se acordă punctaje intermediare.

**SUBIECTUL al II-lea și SUBIECTUL al III-lea**

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.

**SUBIECTUL I**

**(30 de puncte)**

1.	0	5p
2.	27	5p
3.	6	5p
4.	30	5p
5.	5	5p
6.	500	5p

**SUBIECTUL al II-lea**

**(30 de puncte)**

1.	Desenează piramida patrulateră Notează piramida patrulateră $VABCD$ , cu vârful în $V$	4p 1p
2.	$N = 7^n (5 \cdot 1 - 3 \cdot 7 + 7^2) =$ $= 7^n \cdot 33$ , care este divizibil cu 11, pentru orice număr natural $n$	3p 2p
3.	$(x-3) + (x-10) + (x-11) = x$ $x = 12$	3p 2p
4.	a) $2(x-4) - 2(1-x) \leq (3-\sqrt{3})(3+\sqrt{3}) \Rightarrow 2x-8-2+2x \leq 3^2 - (\sqrt{3})^2 \Rightarrow 4x-10 \leq 6$ $x \leq 4$ și, cum $x$ este număr natural, obținem $A = \{0,1,2,3,4\}$	3p 2p
	b) $ x  < 2(3-2\sqrt{3}) - (2-4\sqrt{3}) \Rightarrow  x  < 6-4\sqrt{3}-2+4\sqrt{3} \Rightarrow  x  < 4$ și $x \in \mathbb{Z} \Rightarrow B = \{-3,-2,\dots,3\}$ $A \cap B = \{0,1,2,3\}$ , deci suma elementelor mulțimii $A \cap B$ este $0+1+2+3=6$	3p 2p
5.	$E(x,y) = x^2 - 6x + 8 + y^2 - 4y + 3 + 3 = x^2 - 6x + 9 + y^2 - 4y + 4 + 1 = (x-3)^2 + (y-2)^2 + 1$ , pentru orice numere reale $x$ și $y$	3p
	Pentru orice numere reale $x$ și $y$ , $(x-3)^2 \geq 0$ și $(y-2)^2 \geq 0$ , deci $E(x,y) \geq 1$	2p

**SUBIECTUL al III-lea**

**(30 de puncte)**

1.	a) $\mathcal{A}_{ABCD} = AB^2 =$ $= 6^2 = 36\text{cm}^2$	2p 3p
	b) $AE = BF$ , $AH = BE$ și $m(\sphericalangle HAE) = m(\sphericalangle EBF) = 90^\circ \Rightarrow \triangle AEH \equiv \triangle BFE$ , deci $EH = FE$ ; $BF = CG$ , $BE = CF$ și $m(\sphericalangle EBF) = m(\sphericalangle FCG) = 90^\circ \Rightarrow \triangle BFE \equiv \triangle CGF$ , deci $FE = GF$ $CG = DH$ , $CF = DG$ și $m(\sphericalangle FCG) = m(\sphericalangle GDH) = 90^\circ \Rightarrow \triangle CGF \equiv \triangle DHG$ , deci $GF = HG$ ; obținem $EH = FE = GF = HG$ , deci $EFGH$ este romb $\Rightarrow EG \perp HF$	2p 3p

	<p>c) <math>AB = BC</math>, <math>BF = CG</math> și <math>m(\sphericalangle ABF) = m(\sphericalangle BCG) = 90^\circ \Rightarrow \triangle ABF \equiv \triangle BCG</math>  <math>m(\sphericalangle CBG) + m(\sphericalangle CGB) = 90^\circ</math> și <math>\sphericalangle AFB \equiv \sphericalangle BGC</math>, deci <math>m(\sphericalangle CBG) + m(\sphericalangle AFB) = 90^\circ</math>, de unde obținem <math>m(\sphericalangle BMF) = 180^\circ - (m(\sphericalangle FBM) + m(\sphericalangle MFB)) = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ</math></p>	<p>2p</p> <p>3p</p>
2.	<p>a) <math>\triangle ABC</math> este echilateral, deci <math>\mathcal{A}_{\triangle ABC} = \frac{AB^2 \sqrt{3}}{4} =</math>  <math>= \frac{64\sqrt{3}}{4} = 16\sqrt{3} \text{ cm}^2</math></p>	<p>3p</p> <p>2p</p>
	<p>b) <math>AD \perp (BCD)</math> și <math>DB, DC \subset (BCD) \Rightarrow AD \perp DB</math> și <math>AD \perp DC</math>, deci <math>DM</math> este mediană în triunghiul dreptunghic <math>ADB</math> și <math>DN</math> este mediană în triunghiul dreptunghic <math>ADC</math>, de unde obținem <math>DM = \frac{AB}{2} = 4 \text{ cm}</math> și <math>DN = \frac{AC}{2} = 4 \text{ cm}</math>  <math>MN</math> linie mijlocie în <math>\triangle ABC</math>, deci <math>MN = \frac{BC}{2} = 4 \text{ cm}</math>, de unde obținem <math>DM = DN = MN</math>, deci <math>\triangle DMN</math> este echilateral</p>	<p>2p</p> <p>3p</p>
	<p>c) <math>\triangle ADB</math> dreptunghic în <math>D</math>, deci <math>BD = \sqrt{AB^2 - AD^2} = 4\sqrt{2} \text{ cm}</math> și <math>\triangle ADC</math> dreptunghic în <math>D</math>, deci <math>CD = \sqrt{AC^2 - AD^2} = 4\sqrt{2} \text{ cm} \Rightarrow BD^2 + DC^2 = BC^2</math>, deci <math>\triangle BDC</math> dreptunghic în <math>D</math>  <math>CD \perp DA</math>, <math>CD \perp DB</math> și <math>DA \cap DB = \{D\} \Rightarrow CD \perp (ABD) \Rightarrow \sphericalangle(CM, (ABD)) = \sphericalangle CMD</math> și, cum <math>\triangle CDM</math> este dreptunghic în <math>D</math> și <math>CM = 4\sqrt{3} \text{ cm}</math>, obținem <math>\sin(\sphericalangle CMD) = \frac{CD}{CM} = \frac{4\sqrt{2}}{4\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{6}}{3}</math></p>	<p>2p</p> <p>3p</p>